

МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Комитет по образованию Администрации Великого Новгорода

Муниципальное Автономное общеобразовательное учреждение

"Гимназия "Исток"

РАССМОТРЕНО

На заседании
методического
объединения учителей
математики и информатики

Протокол №1 от «30»
августа 2023 г.

СОГЛАСОВАНО

На педагогическом
совете

Протокол №11 от «31»
августа 2023 г.

УТВЕРЖДЕНО

Директор

Приказ №321 от «31» августа
2023 г.



Гулак С.В.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

(ID 1168381)

Учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа. Базовый уровень»

для обучающихся 10-11 классов

Великий Новгород. 2023

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Рабочая программа учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» базового уровня для обучающихся 10 –11 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА

Курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе старшей школы, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление учащихся на уровне, необходимом для освоения курсов информатики, обществознания, истории, словесности. В рамках данного курса учащиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их в повседневной жизни. В тоже время овладение абстрактными и логически строгими математическими конструкциями развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность утверждения, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление. В ходе изучения алгебры и начал математического анализа в старшей школе учащиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций и интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и в искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей самостоятельности, аккуратности, продолжительной концентрации внимания и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

Структура курса «Алгебра и начала математического анализа» включает следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения в старшей школе, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин: алгебра,

тригонометрия, математический анализ, теория множеств и др. По мере того как учащиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные в курсе «Алгебра и начала математического анализа», для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать полученный результат.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато в основной школе. В старшей школе особое внимание уделяется формированию прочных вычислительных навыков, включающих в себя использование различных форм записи действительного числа, умение рационально выполнять действия с ними, делать прикидку, оценивать результат. Обучающиеся получают навыки приближённых вычислений, выполнения действий с числами, записанными в стандартной форме, использования математических констант, оценивания числовых выражений.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения в старшей школе, поскольку в каждом разделе программы предусмотрено решение соответствующих задач. Обучающиеся овладевают различными методами решения целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и их систем. Полученные умения используются при исследовании функций с помощью производной, решении прикладных задач и задач на нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования целых, рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления учащихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символьными формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, у которых появляется возможность исследовать и строить графики функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить

скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» в основном посвящена элементам теории множеств. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины в единое целое. Поэтому важно дать возможность школьнику понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей.

В курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют также основы математического моделирования, которые призваны сформировать навыки построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа и интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал курса широко используется для решения прикладных задач. При решении реальных практических задач учащиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем курса «Алгебра и начала математического анализа».

МЕСТО УЧЕБНОГО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ

В учебном плане на изучение курса алгебры и начал математического анализа на базовом уровне отводится 2 часа в неделю в 10 классе и 3 часа в неделю в 11 классе, всего за два года обучения – 170 часов.

Реализация педагогами гимназии воспитательного потенциала урока предполагает следующее:

- установление доверительных отношений между учителем и его учениками, способствующих позитивному восприятию учащимися требований и просьб учителя, привлечению их внимания к обсуждаемой на уроке информации, активизации их познавательной деятельности;
- побуждение школьников соблюдать на уроке общепринятые нормы поведения, правила общения со старшими (учителями) и сверстниками (обучающимися), принципы учебной дисциплины и самоорганизации;
- привлечение внимания школьников к ценностному аспекту изучаемых на уроках явлений, организация их работы с получаемой на уроке социально значимой информацией – инициирование ее обсуждения, высказывания учащимися своего мнения по ее поводу, выработки своего к ней отношения;

- использование воспитательных возможностей содержания учебного предмета через демонстрацию детям примеров ответственного, гражданского поведения, проявления человеколюбия и добросердечности, через подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе;

- применение на уроке интерактивных форм работы учащихся: интеллектуальных, деловых, ситуационных игр, стимулирующих познавательную мотивацию школьников; дискуссий, которые дают учащимся возможность приобрести опыт ведения конструктивного диалога; групповой работы или работы в парах, которые учат школьников командной работе и взаимодействию с другими детьми;

- включение в урок игровых процедур, которые помогают поддержать мотивацию детей к получению знаний, налаживанию позитивных межличностных отношений в классе, помогают установлению доброжелательной атмосферы во время урока;

- организация шефства, наставничества мотивированных и эрудированных учащихся над их неуспевающими одноклассниками, дающего школьникам социально значимый опыт сотрудничества и взаимной помощи;

- инициирование и поддержка исследовательской деятельности школьников в рамках реализации ими индивидуальных и групповых исследовательских проектов, что даст школьникам возможность приобрести навык самостоятельного решения теоретической проблемы, навык генерирования и оформления собственных идей, навык уважительного отношения к чужим идеям, оформленным в работах других исследователей, навык публичного выступления перед аудиторией, аргументирования и отстаивания своей точки зрения.

Формы и виды деятельности.

- использование ИКТ (программы-тренажеры, тесты, зачеты в электронных приложениях, мультимедийные презентации, научно-популярные передачи, фильмы, обучающие сайты, уроки онлайн, видеолекции, онлайн-конференции и др.);

- Предметные олимпиады;

- организация предметных образовательных событий (проведение предметных декад) для обучающихся;

- знакомство с «Правилами внутреннего распорядка обучающихся» и в последующем их соблюдение;

- подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных для обсуждения в классе,

- использование занимательных элементов, историй из жизни великих ученых, писателей,

- анализ поступков людей, историй судеб, комментарии к происходящим в мире событиям, историческая справка;

- проведение «Уроков мужества»;

- применение на уроке интерактивных форм работы учащихся: интеллектуальных, деловых, ситуационных игр, дискуссий;

- Групповая работа или работа в парах (командное взаимодействие) с использованием ИКТ и дистанционных образовательных технологий обучения, обеспечивающих современные активности обучающихся;

- использование визуальных образов (предметно-эстетической среды, наглядная агитация школьных стендов, предметной направленности, совместно производимые видеоролики по темам урока);
- включение в урок игровых процедур, которые помогают поддержать мотивацию детей к получению знаний (социо-игровая режиссура урока, лекция с запланированными ошибками, сюжетно – ролевые игры, занимательные уроки и пятиминутки, урок - деловая игра, урок – путешествие, урок мастер-класс, урок-исследование, наличие двигательной активности на уроках и др.);
- проведение учебных и учебно-развлекательных мероприятий (конкурс- игра «Предметный кроссворд», турнир «Своя игра», викторины, квесты, литературная композиция, конкурс газет и рисунков, брейн-ринг, экскурсия и др.);
- Индивидуальные и групповые исследовательские проекты;
- Конкурсы проектов;
- участие в конкурсах, выставках, соревнованиях, научно-практических конференциях, форумах, авторские публикации в изданиях выше школьного уровня, авторские проекты, изобретения, получившие общественное одобрение.

СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА

10 КЛАСС

Числа и вычисления

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени.

Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента.

Уравнения и неравенства

Тождества и тождественные преобразования.

Преобразование тригонометрических выражений. Основные тригонометрические формулы.

Уравнение, корень уравнения. Неравенство, решение неравенства. Метод интервалов.

Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств.

Решение иррациональных уравнений и неравенств.

Решение тригонометрических уравнений.

Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Функции и графики

Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные функции.

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня n -ой степени.

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.

Начала математического анализа

Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные последовательности.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

Множества и логика

Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера—Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, следствие, доказательство.

11 КЛАСС

Числа и вычисления

Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел.

Степень с рациональным показателем. Свойства степени.

Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы.

Уравнения и неравенства

Преобразование выражений, содержащих логарифмы.

Преобразование выражений, содержащих степени с рациональным показателем.

Примеры тригонометрических неравенств.

Показательные уравнения и неравенства.

Логарифмические уравнения и неравенства.

Системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений.

Системы и совокупности рациональных уравнений и неравенств.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Функции и графики

Функция. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики.

Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

Начала математического анализа

Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств.

Производная функции. Геометрический и физический смысл производной.

Производные элементарных функций. Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций.

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком.

Первообразная. Таблица первообразных.

Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Освоение учебного предмета «Математика» должно обеспечивать достижение на уровне среднего общего образования следующих личностных, метапредметных и предметных образовательных результатов:

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

Гражданское воспитание:

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

Патриотическое воспитание:

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

Духовно-нравственного воспитания:

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

Эстетическое воспитание:

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

Физическое воспитание:

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования, при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

Трудовое воспитание:

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

Экологическое воспитание:

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием

глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

Ценности научного познания:

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются овладением универсальными *познавательными* действиями, *универсальными коммуникативными* действиями, *универсальными регулятивными* действиями.

1) *Универсальные познавательные* действия, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).

Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

- выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;
- оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

2) *Универсальные коммуникативные действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.*

Общение:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Сотрудничество:

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

3) *Универсальные регулятивные действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.*

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль:

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Освоение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» на уровне среднего общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

10 КЛАСС

Числа и вычисления

Оперировать понятиями: рациональное и действительное число, обыкновенная и десятичная дробь, проценты.

Выполнять арифметические операции с рациональными и действительными числами.

Выполнять приближённые вычисления, используя правила округления, делать прикидку и оценку результата вычислений.

Оперировать понятиями: степень с целым показателем; стандартная форма записи действительного числа, корень натуральной степени; использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Оперировать понятиями: синус, косинус и тангенс произвольного угла; использовать запись произвольного угла через обратные тригонометрические функции.

Уравнения и неравенства

Оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство; целое, рациональное, иррациональное уравнение, неравенство; тригонометрическое уравнение;

Выполнять преобразования тригонометрических выражений и решать тригонометрические уравнения.

Выполнять преобразования целых, рациональных и иррациональных выражений и решать основные типы целых, рациональных и иррациональных уравнений и неравенств.

Применять уравнения и неравенства для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

Функции и графики

Оперировать понятиями: функция, способы задания функции, область определения и множество значений функции, график функции, взаимно обратные функции.

Оперировать понятиями: чётность и нечётность функции, нули функции, промежутки знакопостоянства.

Использовать графики функций для решения уравнений.

Строить и читать графики линейной функции, квадратичной функции, степенной функции с целым показателем.

Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами.

Начала математического анализа

Оперировать понятиями: последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессии.

Оперировать понятиями: бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии.

Задавать последовательности различными способами.

Использовать свойства последовательностей и прогрессий для решения реальных задач прикладного характера.

Множества и логика

Оперировать понятиями: множество, операции над множествами.

Использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Оперировать понятиями: определение, теорема, следствие, доказательство.

11 КЛАСС

Числа и вычисления

Оперировать понятиями: натуральное, целое число; использовать признаки делимости целых чисел, разложение числа на простые множители для решения задач.

Оперировать понятием: степень с рациональным показателем.

Оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы.

Уравнения и неравенства

Применять свойства степени для преобразования выражений; оперировать понятиями: показательное уравнение и неравенство; решать основные типы показательных уравнений и неравенств.

Выполнять преобразования выражений, содержащих логарифмы; оперировать понятиями: логарифмическое уравнение и неравенство; решать основные типы логарифмических уравнений и неравенств.

Находить решения простейших тригонометрических неравенств.

Оперировать понятиями: система линейных уравнений и её решение; использовать систему линейных уравнений для решения практических задач.

Находить решения простейших систем и совокупностей рациональных уравнений и неравенств.

Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

Функции и графики

Оперировать понятиями: периодическая функция, промежутки монотонности функции, точки экстремума функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; использовать их для исследования функции, заданной графиком.

Оперировать понятиями: графики показательной, логарифмической и тригонометрических функций; изображать их на координатной плоскости и использовать для решения уравнений и неравенств.

Изображать на координатной плоскости графики линейных уравнений и использовать их для решения системы линейных уравнений.

Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей из других учебных дисциплин.

Начала математического анализа

Оперировать понятиями: непрерывная функция; производная функции; использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

Находить производные элементарных функций, вычислять производные суммы, произведения, частного функций.

Использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы, применять результаты исследования к построению графиков.

Использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах.

Оперировать понятиями: первообразная и интеграл; понимать геометрический и физический смысл интеграла.

Находить первообразные элементарных функций; вычислять интеграл по формуле Ньютона–Лейбница.

Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ
10 КЛАСС**

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Множества рациональных и действительных чисел. Рациональные уравнения и неравенства	14	1		Библиотека ЦОК
2	Функции и графики. Степень с целым показателем	6			Библиотека ЦОК
3	Арифметический корень n -ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства	18	1		Библиотека ЦОК
4	Формулы тригонометрии. Тригонометрические уравнения	22	1		Библиотека ЦОК
5	Последовательности и прогрессии	5			Библиотека ЦОК
6	Повторение, обобщение, систематизация знаний	3	1		Библиотека ЦОК
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68	4	0	

11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Степень с рациональным показателем. Показательная функция. Показательные уравнения и неравенства	12	1		Библиотека ЦОК
2	Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения и неравенства	12		1	Библиотека ЦОК
3	Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства	9	1		Библиотека ЦОК
4	Производная. Применение производной	24	1		Библиотека ЦОК
5	Интеграл и его применения	9			Библиотека ЦОК
6	Системы уравнений	12	1		Библиотека ЦОК
7	Натуральные и целые числа	6			Библиотека ЦОК
8	Повторение, обобщение, систематизация знаний	18	2		Библиотека ЦОК
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	6	1	

**ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ
10 КЛАСС**

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера—Венна	1			Библиотека ЦОК
2	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби	1			Библиотека ЦОК
3	Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений	1			Библиотека ЦОК
4	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни	1			Библиотека ЦОК
5	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни	1			Библиотека ЦОК
6	Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа	1			Библиотека ЦОК
7	Арифметические операции с действительными числами	1			Библиотека ЦОК
8	Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений	1			Библиотека ЦОК

9	Тождества и тождественные преобразования	1			Библиотека ЦОК
10	Уравнение, корень уравнения	1			Библиотека ЦОК
11	Неравенство, решение неравенства	1			Библиотека ЦОК
12	Метод интервалов	1			Библиотека ЦОК
13	Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1			Библиотека ЦОК
14	Контрольная работа по теме "Множества рациональных и действительных чисел. Рациональные уравнения и неравенств"	1	1		Библиотека ЦОК
15	Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции	1			Библиотека ЦОК
16	График функции. Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства	1			Библиотека ЦОК
17	Чётные и нечётные функции	1			Библиотека ЦОК
18	Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа	1			Библиотека ЦОК
19	Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных	1			Библиотека ЦОК
20	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график	1			Библиотека ЦОК
21	Арифметический корень натуральной степени	1			Библиотека ЦОК
22	Арифметический корень натуральной	1			Библиотека ЦОК

	степени				
23	Свойства арифметического корня натуральной степени	1			Библиотека ЦОК
24	Свойства арифметического корня натуральной степени	1			Библиотека ЦОК
25	Свойства арифметического корня натуральной степени	1			Библиотека ЦОК
26	Действия с арифметическими корнями n -ой степени	1			Библиотека ЦОК
27	Действия с арифметическими корнями n -ой степени	1			Библиотека ЦОК
28	Действия с арифметическими корнями n -ой степени	1			Библиотека ЦОК
29	Действия с арифметическими корнями n -ой степени	1			Библиотека ЦОК
30	Действия с арифметическими корнями n -ой степени	1			Библиотека ЦОК
31	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1			Библиотека ЦОК
32	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1			Библиотека ЦОК
33	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1			Библиотека ЦОК
34	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1			Библиотека ЦОК
35	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1			Библиотека ЦОК
36	Свойства и график корня n -ой степени	1			Библиотека ЦОК

37	Свойства и график корня n -ой степени	1			Библиотека ЦОК
38	Контрольная работа по теме "Арифметический корень n -ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства"	1	1		Библиотека ЦОК
39	Синус, косинус и тангенс числового аргумента	1			Библиотека ЦОК
40	Синус, косинус и тангенс числового аргумента	1			Библиотека ЦОК
41	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1			Библиотека ЦОК
42	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1			Библиотека ЦОК
43	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1			Библиотека ЦОК
44	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1			Библиотека ЦОК
45	Основные тригонометрические формулы	1			Библиотека ЦОК
46	Основные тригонометрические формулы	1			Библиотека ЦОК
47	Основные тригонометрические формулы	1			Библиотека ЦОК
48	Основные тригонометрические формулы	1			Библиотека ЦОК
49	Преобразование тригонометрических выражений	1			Библиотека ЦОК
50	Преобразование тригонометрических выражений	1			Библиотека ЦОК
51	Преобразование тригонометрических	1			Библиотека ЦОК

	выражений				
52	Преобразование тригонометрических выражений	1			Библиотека ЦОК
53	Преобразование тригонометрических выражений	1			Библиотека ЦОК
54	Решение тригонометрических уравнений	1			Библиотека ЦОК
55	Решение тригонометрических уравнений	1			Библиотека ЦОК
56	Решение тригонометрических уравнений	1			Библиотека ЦОК
57	Решение тригонометрических уравнений	1			Библиотека ЦОК
58	Решение тригонометрических уравнений	1			Библиотека ЦОК
59	Решение тригонометрических уравнений	1			Библиотека ЦОК
60	Контрольная работа по теме "Формулы тригонометрии. Тригонометрические уравнения"	1	1		Библиотека ЦОК
61	Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные последовательности	1			Библиотека ЦОК
62	Арифметическая и геометрическая прогрессии. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера	1			Библиотека ЦОК
63	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии	1			Библиотека ЦОК
64	Формула сложных процентов	1			Библиотека ЦОК
65	Формула сложных процентов	1			Библиотека ЦОК
66	Обобщение, систематизация знаний за	1			Библиотека ЦОК

	курс алгебры и начал математического анализа 10 класса				
67	Итоговая контрольная работа	1	1		Библиотека ЦОК
68	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10 класса	1			Библиотека ЦОК
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68	4	0	

11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Степень с рациональным показателем	1				Библиотека ЦОК
2	Свойства степени	1				Библиотека ЦОК
3	Преобразование выражений, содержащих рациональные степени	1				Библиотека ЦОК
4	Преобразование выражений, содержащих рациональные степени	1				Библиотека ЦОК
5	Преобразование выражений, содержащих рациональные степени	1				Библиотека ЦОК
6	Показательные уравнения и неравенства	1				Библиотека ЦОК
7	Показательные уравнения и неравенства	1				Библиотека ЦОК
8	Показательные уравнения и неравенства	1				Библиотека ЦОК
9	Показательные уравнения и неравенства	1				Библиотека ЦОК
10	Показательные уравнения и неравенства	1				Библиотека ЦОК
11	Показательная функция, её свойства и график	1				Библиотека ЦОК
12	Контрольная работа по теме "Степень с рациональным показателем. Показательная функция. Показательные уравнения и неравенства"	1	1			Библиотека ЦОК
13	Логарифм числа	1				Библиотека ЦОК
14	Десятичные и натуральные логарифмы	1				Библиотека ЦОК

15	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1				Библиотека ЦОК
16	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1				Библиотека ЦОК
17	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1				Библиотека ЦОК
18	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1				Библиотека ЦОК
19	Логарифмические уравнения и неравенства	1				Библиотека ЦОК
20	Логарифмические уравнения и неравенства	1				Библиотека ЦОК
21	Логарифмические уравнения и неравенства	1				Библиотека ЦОК
22	Логарифмические уравнения и неравенства	1				Библиотека ЦОК
23	Логарифмическая функция, её свойства и график	1				Библиотека ЦОК
24	Логарифмическая функция, её свойства и график	1				Библиотека ЦОК
25	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1				Библиотека ЦОК
26	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1				Библиотека ЦОК
27	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1				Библиотека ЦОК
28	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1				Библиотека ЦОК

29	Примеры тригонометрических неравенств	1				Библиотека ЦОК
30	Примеры тригонометрических неравенств	1				Библиотека ЦОК
31	Примеры тригонометрических неравенств	1				Библиотека ЦОК
32	Примеры тригонометрических неравенств	1				Библиотека ЦОК
33	Контрольная работа по теме "Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения и неравенства. Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства"	1	1			Библиотека ЦОК
34	Непрерывные функции	1				Библиотека ЦОК
35	Метод интервалов для решения неравенств	1				Библиотека ЦОК
36	Метод интервалов для решения неравенств	1				Библиотека ЦОК
37	Производная функции	1				Библиотека ЦОК
38	Производная функции	1				Библиотека ЦОК
39	Геометрический и физический смысл производной	1				Библиотека ЦОК
40	Производные элементарных функций	1				Библиотека ЦОК
41	Производные элементарных функций	1				Библиотека ЦОК
42	Геометрический и физический смысл производной	1				Библиотека ЦОК

43	Производная суммы, произведения, частного функций	1				Библиотека ЦОК
44	Производная суммы, произведения, частного функций	1				Библиотека ЦОК
45	Производная суммы, произведения, частного функций	1				Библиотека ЦОК
46	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				Библиотека ЦОК
47	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				Библиотека ЦОК
48	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				Библиотека ЦОК
49	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				Библиотека ЦОК
50	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1				Библиотека ЦОК
51	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1				Библиотека ЦОК
52	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1				Библиотека ЦОК
53	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1				Библиотека ЦОК
54	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1				Библиотека ЦОК

55	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1				Библиотека ЦОК
56	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком	1				Библиотека ЦОК
57	Контрольная работа по теме "Производная. Применение производной"	1	1			Библиотека ЦОК
58	Первообразная. Таблица первообразных	1				Библиотека ЦОК
59	Первообразная. Таблица первообразных	1				Библиотека ЦОК
60	Интеграл, геометрический и физический смысл интеграла	1				Библиотека ЦОК
61	Интеграл, геометрический и физический смысл интеграла	1				Библиотека ЦОК
62	Интеграл, геометрический и физический смысл интеграла	1				Библиотека ЦОК
63	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1				Библиотека ЦОК
64	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1				Библиотека ЦОК
65	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1				Библиотека ЦОК
66	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1				Библиотека ЦОК
67	Системы линейных уравнений	1				Библиотека ЦОК
68	Системы линейных уравнений	1				Библиотека ЦОК
69	Решение прикладных задач с помощью	1				Библиотека ЦОК

	системы линейных уравнений					
70	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1				Библиотека ЦОК
71	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1				Библиотека ЦОК
72	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1				Библиотека ЦОК
73	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1				Библиотека ЦОК
74	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1				Библиотека ЦОК
75	Использование графиков функций для решения уравнений и систем	1				Библиотека ЦОК
76	Использование графиков функций для решения уравнений и систем	1				Библиотека ЦОК
77	Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни	1				Библиотека ЦОК
78	Контрольная работа по теме "Интеграл и	1	1			Библиотека ЦОК

	его применения. Системы уравнений"					
79	Натуральные и целые числа в задачах из реальной жизни	1				Библиотека ЦОК
80	Натуральные и целые числа в задачах из реальной жизни	1				Библиотека ЦОК
81	Натуральные и целые числа в задачах из реальной жизни	1				Библиотека ЦОК
82	Признаки делимости целых чисел	1				Библиотека ЦОК
83	Признаки делимости целых чисел	1				Библиотека ЦОК
84	Признаки делимости целых чисел	1				Библиотека ЦОК
85	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1				Библиотека ЦОК
86	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1				Библиотека ЦОК
87	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1				Библиотека ЦОК
88	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1				Библиотека ЦОК
89	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1				Библиотека ЦОК
90	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1				Библиотека ЦОК
91	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1				Библиотека ЦОК
92	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1				Библиотека ЦОК
93	Повторение, обобщение, систематизация	1				Библиотека ЦОК

	знаний. Неравенства					
94	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1				Библиотека ЦОК
95	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Системы уравнений	1				Библиотека ЦОК
96	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Системы уравнений	1				Библиотека ЦОК
97	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Функции	1				Библиотека ЦОК
98	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Функции	1				Библиотека ЦОК
99	Итоговая контрольная работа	1	1			Библиотека ЦОК
100	Итоговая контрольная работа	1	1			Библиотека ЦОК
101	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10-11 классов	1				Библиотека ЦОК
102	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10-11 классов	1				Библиотека ЦОК
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	6	0		

УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА

Алимов Ш.А. Алгебра и начала математического анализа 10-11 классы. - М.:

Просвещение.

МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ

Алгебра и начала математического анализа 10-11 классы. Сост. Т.А. Бурмистрова.-

М.: Просвещение.

ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ

ИНТЕРНЕТ

1. Основные образовательные ресурсы:

Библиотека ЦОК

<https://uchi.ru/teachers/lk/main>

<http://teacher.fio.ru>

Тестирование online: 5-11 классы. - Режим доступ:

Российская электронная школа (resh.edu.ru)

Дистанционное образование для школьников и детей в интерактивной форме | Учи.ру

(uchi.ru)

ЯКласс (yaklass.ru)

school.edu - "Российский общеобразовательный портал". Каталог интернет-ресурсов:

fipi - ФИПИ - федеральный институт педагогических измерений.

obrnadzor.gov - "Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки". -

Официальные

документы.

<https://projectobrazovanie.ru/> - Национальный проект "Образование".

2.Полезные образовательные ресурсы:

www.exchange.smarttech.com - Поиск и скачивание разработок уроков и материалов к уроку для работы с Smart доской

Мегаэнциклопедия Кирилла и Мефодия -Режим доступа: <http://mega.km.ru>

Сайты энциклопедий. режим доступа: <http://www.rubricon.ru>; <http://www.encyclopedia.ru>

Интернет-портал Всероссийской олимпиады школьников. - Режим доступа : <http://www.rusolymp.ru>

Всероссийские дистанционные эвристические олимпиады по математике. - Режим доступа :

<http://www.eidos.ru/olymp/mathem/index.htm>

Информационно-поисковая система «Задачи». - Режим доступа :

<http://zadachi.mccme.ru/easy>

Задачи: информационно-поисковая система задач по математике. - Режим доступа :

[http:// zadachi.mccme.ru](http://zadachi.mccme.ru)

Конкурсные задачи по математике: справочник и методы решения. - Режим доступа :

<http://mschool.kubsu.ru/cdo/shabitur/kniga/tit.htm>

Материалы (полные тексты) свободно распространяемых книг по математике. -

Режим доступа:

<http://www.mccme.ru/free-books>

Московские математические олимпиады. - Режим доступа :

<http://www.mccme.ru/olympiads/mmo>

<http://aimakarov.chat.ru/school/school.html>

Образовательный портал «Мир алгебры». - Режим доступа : <http://www.algmir.org/index.html>

Словари БСЭ различных авторов. - Режим доступа: <http://slovari.yandex.ru>

Этюды, выполненные с использованием современной компьютерной 3D-графики, увлекательно и интересно рассказывающие о математике и ее приложениях. - Режим доступа : [http:// www.etudes.ru](http://www.etudes.ru)

Заочная физико-математическая школа. - Режим доступа : <http://ido.tsu.ru/schools/physmat/index.php>.